

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования "Пермский  
государственный национальный исследовательский  
университет"**

**Кафедра теоретической физики**

Авторы-составители: **Циберкин Кирилл Борисович  
Голдобин Денис Сергеевич  
Демин Виталий Анатольевич**

Рабочая программа дисциплины  
**НЕЛИНЕЙНЫЕ КОЛЕБАНИЯ И ВОЛНЫ**  
Код УМК 57029

Утверждено  
Протокол №6  
от «08» июня 2020 г.

Пермь, 2020

## **1. Наименование дисциплины**

Нелинейные колебания и волны

## **2. Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Дисциплина входит в обязательную часть Блока « Б.1 » образовательной программы по направлениям подготовки (специальностям):

Направление: **03.03.02** Физика

направленность Фундаментальная физика

### **3. Планируемые результаты обучения по дисциплине**

В результате освоения дисциплины **Нелинейные колебания и волны** у обучающегося должны быть сформированы следующие компетенции:

**03.03.02** Физика (направленность : Фундаментальная физика)

**ПК.1** способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин

#### 4. Объем и содержание дисциплины

<b>Направления подготовки</b>	03.03.02 Физика (направленность: Фундаментальная физика)
<b>форма обучения</b>	очная
<b>№№ триместров, выделенных для изучения дисциплины</b>	11
<b>Объем дисциплины (з.е.)</b>	3
<b>Объем дисциплины (ак.час.)</b>	108
<b>Контактная работа с преподавателем (ак.час.), в том числе:</b>	42
<b>Проведение лекционных занятий</b>	28
<b>Проведение практических занятий, семинаров</b>	14
<b>Самостоятельная работа (ак.час.)</b>	66
<b>Формы текущего контроля</b>	Входное тестирование (1) Итоговое контрольное мероприятие (1) Письменное контрольное мероприятие (2)
<b>Формы промежуточной аттестации</b>	Зачет (11 триместр)

## 5. Аннотированное описание содержания разделов и тем дисциплины

### Нелинейные колебания и волны. Первый семестр

**Понятие динамической системы. Фазовое пространство. Типы траекторий. Классификация положений равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова.**

1. Понятие динамической системы. Фазовое пространство. Типы траекторий. Потоки и каскады. Примеры динамических систем в физике и других науках.
2. Классификация положений равновесия для потоков. Классификация положений равновесия для каскадов. Понятие мультипликатора. Отображение Пуанкаре. Классификация циклов.
3. Функции Ляпунова. Критерий Бендиксона - Дюлака.

**Бифуркации: касательная, ответвление цикла, удвоения периода, рождение тора.**

**Коразмерность.**

4. Пространство систем. Понятие бифуркации. Коразмерность.
5. Касательная бифуркация (бифуркация рождение-смерть).
6. Бифуркация Хопфа (ответвление цикла).
7. Уравнение Ван-дер Поля.
8. Бифуркации неподвижных точек коразмерности 2 и 3 и их разрушение.
9. Бифуркация удвоения периода.
10. Бифуркация рождения тора.

**Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность.**

11. Общие свойства одномерных отображений.
12. Понятие аттрактора.
13. Множество Кантора.
14. Фрактальная размерность.

**Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца. Рождение петли цикла из сепаратрисы. Гомоклинический хаос.**

15. Отображение окружности. Число вращения. Резонансные торы. Дьявольская лестница.
16. Отображение Фейгенбаума.
17. Ренормализационная группа.
18. Инвариантное распределение вероятностей. Уравнение Пирсона.
19. Система Лоренца.
20. Рождение цикла из петли сепаратрисы. Теорема Леонтовича.
21. Гомоклинический хаос

## **6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Освоение дисциплины требует систематического изучения всех тем в той последовательности, в какой они указаны в рабочей программе.

Основными видами учебной работы являются аудиторские занятия. Их цель - расширить базовые знания обучающихся по осваиваемой дисциплине и систему теоретических ориентиров для последующего более глубокого освоения программного материала в ходе самостоятельной работы. Обучающемуся важно помнить, что контактная работа с преподавателем эффективно помогает ему овладеть программным материалом благодаря расстановке необходимых акцентов и удержанию внимания интонационными модуляциями голоса, а также подключением аудио-визуального механизма восприятия информации.

Самостоятельная работа преследует следующие цели:

- закрепление и совершенствование теоретических знаний, полученных на лекционных занятиях;
- формирование навыков подготовки текстовой составляющей информации учебного и научного назначения для размещения в различных информационных системах;
- совершенствование навыков поиска научных публикаций и образовательных ресурсов, размещенных в сети Интернет;
- самоконтроль освоения программного материала.

Обучающемуся необходимо помнить, что результаты самостоятельной работы контролируются преподавателем во время проведения мероприятий текущего контроля и учитываются при промежуточной аттестации.

Обучающимся с ОВЗ и инвалидов предоставляется возможность выбора форм проведения мероприятий текущего контроля, альтернативных формам, предусмотренным рабочей программой дисциплины. Предусматривается возможность увеличения в пределах 1 академического часа времени, отводимого на выполнение контрольных мероприятий.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

При проведении текущего контроля применяются оценочные средства, обеспечивающие передачу информации, от обучающегося к преподавателю, с учетом психофизиологических особенностей здоровья обучающихся.

## **7. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине**

При самостоятельной работе обучающимся следует использовать:

- конспекты лекций;
- литературу из перечня основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля);
- текст лекций на электронных носителях;
- ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимые для освоения дисциплины;
- лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение из перечня информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине;
- методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

## 8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

### Основная:

1. Заславский, Г. М. Физика хаоса в гамильтоновых системах / Г. М. Заславский ; перевод Т. Н. Драгунов, А. Д. Морозов. — Москва, Ижевск : Институт компьютерных исследований, 2019. — 286 с. — ISBN 978-5-4344-0804-2. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. <http://www.iprbookshop.ru/92074>

2. Кузнецов Сергей Петрович Динамический хаос:Курс лекций:Учеб.пособие/Сергей Петрович Кузнецов.-М.:Физматлит,2001, ISBN 5-94052-0044- 8.-296.-Библиогр.:с.286-295

### Дополнительная:

1. Полянин, А. Д. Нелинейные уравнения математической физики в 2 ч. Часть 1 : учебное пособие для академического бакалавриата / А. Д. Полянин, В. Ф. Зайцев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 322 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-02296-4. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. <https://www.urait.ru/bcode/437083>

2. Полянин, А. Д. Нелинейные уравнения математической физики в 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для академического бакалавриата / А. Д. Полянин, В. Ф. Зайцев. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 368 с. — (Бакалавр. Академический курс). — ISBN 978-5-534-02301-5. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. <https://www.urait.ru/bcode/437861>

3. Андронов А. А.,Витт А. А.,Хайкин С. Э. Теория колебаний/А. А. Андронов, А. А. Витт, С. Э. Хайкин.-Москва:Наука,1981.-568.

4. Элементы физики колебаний и волн : учебное пособие / составители В. Я. Чечуев. — Новосибирск : Новосибирский государственный аграрный университет, Золотой колос, 2014. — 120 с. — ISBN 2227-8397. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. <http://www.iprbookshop.ru/64831.html>

## **9. Перечень ресурсов сети Интернет, необходимых для освоения дисциплины**

<https://library.psu.ru/node/738> Ресурсы Научной библиотеки ПГНИУ

## **10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

Образовательный процесс по дисциплине **Нелинейные колебания и волны** предполагает использование следующего программного обеспечения и информационных справочных систем:

- доступ в режиме on-line в Электронную библиотечную систему (ЭБС)
- доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.
- Интернет-сервисы и электронные ресурсы (поисковые системы, электронная почта и т.д.)

Перечень необходимого лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения:

- приложение, позволяющее просматривать PDF-файлы
- офисный пакет приложений «LibreOffice».
- Пакет аналитических и численных вычислений Maxima;

Дополнительный перечень используемых информационных технологий определяется преподавателями дисциплины.

При освоении материала и выполнении заданий по дисциплине рекомендуется использование материалов, размещенных в Личных кабинетах обучающихся ЕТИС ПГНИУ ([student.psu.ru](http://student.psu.ru)).

При организации дистанционной работы и проведении занятий в режиме онлайн могут использоваться:

- система видеоконференцсвязи на основе платформы BigBlueButton (<https://bigbluebutton.org/>).
- система LMS Moodle (<http://e-learn.psu.ru/>), которая поддерживает возможность использования текстовых материалов и презентаций, аудио- и видеоконтент, а так же тесты, проверяемые задания, задания для совместной работы.
- система тестирования Indigo (<https://indigotech.ru/>).

## **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Для лекционных занятий требуется аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения практических занятий - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для групповых (индивидуальных) консультаций - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения текущего контроля - аудитория, оснащенная меловой (и) или маркерной доской.  
Самостоятельная работа студентов: аудитория, оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», с обеспеченным доступом в электронную информационно-



образовательную среду университета, помещения Научной библиотеки ПГНИУ

Помещения научной библиотеки ПГНИУ для обеспечения самостоятельной работы обучающихся:

1. Научно-библиографический отдел, корп.1, ауд. 142. Оборудован 3 персональными компьютера с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

2. Читальный зал гуманитарной литературы, корп. 2, ауд. 418. Оборудован 7 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

3. Читальный зал естественной литературы, корп.6, ауд. 107а. Оборудован 5 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

4. Отдел иностранной литературы, корп.2 ауд. 207. Оборудован 1 персональным компьютером с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

5. Библиотека юридического факультета, корп.9, ауд. 4. Оборудована 11 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

6. Читальный зал географического факультета, корп.8, ауд. 419. Оборудован 6 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

Все компьютеры, установленные в помещениях научной библиотеки, оснащены следующим программным обеспечением:

Операционная система ALT Linux;

Офисный пакет Libreoffice.

Справочно-правовая система «КонсультантПлюс»

**Фонды оценочных средств для аттестации по дисциплине  
Нелинейные колебания и волны**

**Планируемые результаты обучения по дисциплине для формирования компетенции.  
Индикаторы и критерии их оценивания**

**ПК.1**

**способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин**

Компетенция (индикатор)	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения
<p><b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин</p>	<p>Знать: основные понятия теории динамических систем Уметь: анализировать динамику систем в фазовом пространстве Владеть: методами анализа и классификации положений равновесия.</p>	<p align="center"><b>Неудовлетворител</b></p> <p>Не знает основных понятий теории динамических систем. Не умеет анализировать динамику систем в фазовом пространстве. Не владеет методами анализа и классификации положений равновесия.</p> <p align="center"><b>Удовлетворительн</b></p> <p>Общие, но не структурированные знания основных понятий теории динамических систем. Демонстрирует частично сформированное умение анализировать динамику систем в фазовом пространстве. Имеет представление о методах анализа и классификации положений равновесия.</p> <p align="center"><b>Хорошо</b></p> <p>Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания основных понятий теории динамических систем. В целом успешные, но содержащие отдельные пробелы умения анализировать динамику систем в фазовом пространстве. В целом успешно, но с отдельными пробелами владеет методами анализа и классификации положений равновесия.</p> <p align="center"><b>Отлично</b></p> <p>Сформированные систематические знания основных понятий теории динамических систем. Сформированное умение анализировать динамику систем в фазовом пространстве. Успешное и систематическое применение методов анализа и классификации положений равновесия.</p>

## Оценочные средства текущего контроля и промежуточной аттестации

Схема доставки : Базовая

**Вид мероприятия промежуточной аттестации :** Зачет

**Способ проведения мероприятия промежуточной аттестации :** Оценка по дисциплине в рамках промежуточной аттестации определяется на основе баллов, набранных обучающимся на контрольных мероприятиях, проводимых в течение учебного периода.

**Максимальное количество баллов :** 100

### Конвертация баллов в отметки

«отлично» - от 81 до 100

«хорошо» - от 61 до 80

«удовлетворительно» - от 43 до 60

«неудовлетворительно» / «незачтено» менее 43 балла

Компетенция (индикатор)	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
<b>Входной контроль</b>	Понятие динамической системы. Фазовое пространство. Типы траекторий. Классификация положений равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова. <b>Входное тестирование</b>	Методы решения дифференциальных уравнений и их систем
<b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин	Бифуркации: касательная, ответвление цикла, удвоения периода, рождение тора. Коразмерность. <b>Письменное контрольное мероприятие</b>	Знание базовых понятий теории динамических и нелинейных систем. Знание основных понятий и подходов бифуркационного анализа.
<b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин	Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность. <b>Письменное контрольное мероприятие</b>	умение анализировать одномерные отображения и находить аттракторы, вычислять их фрактальную размерность

Компетенция (индикатор)	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
<b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин	Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца. Рождение петли цикла из сепаратрисы. Гомоклинический хаос. <b>Итоговое контрольное мероприятие</b>	Навыки применения метода ренормализационной группы. Умение характеризовать динамику системы Лоренца и гомоклинический хаос.

### Спецификация мероприятий текущего контроля

**Понятие динамической системы. Фазовое пространство. Типы траекторий.**

**Классификация положений равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **0**

Проходной балл: **0**

Показатели оценивания	Баллы
Решение системы линейных дифференциальных уравнений первого порядка с постоянными коэффициентами	5
Решение линейного дифференциального уравнения высшего порядка с постоянными коэффициентами	5

**Бифуркации: касательная, ответвление цикла, удвоения периода, рождение тора.**

**Коразмерность.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **30**

Проходной балл: **13**

Показатели оценивания	Баллы
типы траекторий. фазовое пространство	7
отображение Пуанкаре.	6
Бифуркация Хопфа. Другие бифуркации.	6
Касательная бифуркация. Бифуркация удвоения периода.	6
Коразмерность	5

**Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы самостоятельной работы**

Максимальный балл, выставяемый за мероприятие промежуточной аттестации: **30**

Проходной балл: **13**

<b>Показатели оценивания</b>	<b>Баллы</b>
Свойства одномерных отображений	8
Множество Кантора	7
Фрактальная размерность. Примеры вычисления	6
Понятие аттрактора	5
Построение одномерных отображений	4

**Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца. Рождение петли цикла из сепаратрисы. Гомоклинический хаос.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставяемый за мероприятие промежуточной аттестации: **40**

Проходной балл: **17**

<b>Показатели оценивания</b>	<b>Баллы</b>
Анализ свойств системы Лоренца	10
Знание свойств отображения Фейгенбаума.	9
Владение методом ренормгруппы	8
Бифуркация рождения цикла из петли сепаратрисы	7
Гомоклинический хаос и его свойства	6