

**МИНОБРНАУКИ РОССИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования "Пермский  
государственный национальный исследовательский  
университет"**

**Кафедра теоретической физики**

**Авторы-составители: Алабужев Алексей Анатольевич  
Любимова Татьяна Петровна  
Демин Виталий Анатольевич**

Рабочая программа дисциплины  
**НЕЛИНЕЙНЫЕ КОЛЕБАНИЯ И ВОЛНЫ**  
Код УМК 70937

Утверждено  
Протокол №6  
от «08» июня 2020 г.

Пермь, 2020

## **1. Наименование дисциплины**

Нелинейные колебания и волны

## **2. Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Дисциплина входит в вариативную часть Блока « Б.1 » образовательной программы по направлениям подготовки (специальностям):

Направление: **03.03.02** Физика

направленность Фундаментальная физика

### **3. Планируемые результаты обучения по дисциплине**

В результате освоения дисциплины **Нелинейные колебания и волны** у обучающегося должны быть сформированы следующие компетенции:

**03.03.02** Физика (направленность : Фундаментальная физика)

**ОПК.7** способность использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач

**ПК.1** способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин

#### 4. Объем и содержание дисциплины

<b>Направления подготовки</b>	03.03.02 Физика (направленность: Фундаментальная физика)
<b>форма обучения</b>	очная
<b>№№ триместров, выделенных для изучения дисциплины</b>	11
<b>Объем дисциплины (з.е.)</b>	4
<b>Объем дисциплины (ак.час.)</b>	144
<b>Контактная работа с преподавателем (ак.час.), в том числе:</b>	42
<b>Проведение лекционных занятий</b>	14
<b>Проведение практических занятий, семинаров</b>	28
<b>Самостоятельная работа (ак.час.)</b>	102
<b>Формы текущего контроля</b>	Входное тестирование (1) Итоговое контрольное мероприятие (1) Письменное контрольное мероприятие (3)
<b>Формы промежуточной аттестации</b>	Экзамен (11 триместр)

## 5. Аннотированное описание содержания разделов и тем дисциплины

### Нелинейные колебания и волны. Первый семестр

**Понятие динамической системы. Фазовое пространство, траектории, положения равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова.**

1. Понятие динамической системы. Фазовое пространство. Типы траекторий. Потоки и каскады. Примеры динамических систем в физике и других науках.
2. Классификация положений равновесия для потоков. Классификация положений равновесия для каскадов. Понятие мультипликатора. Отображение Пуанкаре. Классификация циклов.
3. Функции Ляпунова. Критерий Бендиксона - Дюлака.

**Типы бифуркаций. Коразмерность.**

4. Пространство систем. Понятие бифуркации. Коразмерность.
5. Касательная бифуркация (бифуркация рождение-смерть).
6. Бифуркация Хопфа (ответвление цикла).
7. Уравнение Ван-дер Поля.
8. Бифуркации неподвижных точек коразмерности 2 и 3 и их разрушение.
9. Бифуркация удвоения периода.
10. Бифуркация рождения тора.

**Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность.**

11. Общие свойства одномерных отображений.
12. Понятие аттрактора.
13. Множество Кантора.
14. Фрактальная размерность.

**Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца**

15. Отображение окружности. Число вращения. Резонансные торы. Дьявольская лестница.
16. Отображение Фейгенбаума.
17. Ренормализационная группа.
18. Инвариантное распределение вероятностей. Уравнение Пирсона.
19. Система Лоренца.
20. Рождение цикла из петли сепаратрисы. Теорема Леонтовича.
21. Гомоклинический хаос

## **6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины**

Освоение дисциплины требует систематического изучения всех тем в той последовательности, в какой они указаны в рабочей программе.

Основными видами учебной работы являются аудиторские занятия. Их цель - расширить базовые знания обучающихся по осваиваемой дисциплине и систему теоретических ориентиров для последующего более глубокого освоения программного материала в ходе самостоятельной работы. Обучающемуся важно помнить, что контактная работа с преподавателем эффективно помогает ему овладеть программным материалом благодаря расстановке необходимых акцентов и удержанию внимания интонационными модуляциями голоса, а также подключением аудио-визуального механизма восприятия информации.

Самостоятельная работа преследует следующие цели:

- закрепление и совершенствование теоретических знаний, полученных на лекционных занятиях;
- формирование навыков подготовки текстовой составляющей информации учебного и научного назначения для размещения в различных информационных системах;
- совершенствование навыков поиска научных публикаций и образовательных ресурсов, размещенных в сети Интернет;
- самоконтроль освоения программного материала.

Обучающемуся необходимо помнить, что результаты самостоятельной работы контролируются преподавателем во время проведения мероприятий текущего контроля и учитываются при промежуточной аттестации.

Обучающимся с ОВЗ и инвалидов предоставляется возможность выбора форм проведения мероприятий текущего контроля, альтернативных формам, предусмотренным рабочей программой дисциплины. Предусматривается возможность увеличения в пределах 1 академического часа времени, отводимого на выполнение контрольных мероприятий.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

При проведении текущего контроля применяются оценочные средства, обеспечивающие передачу информации, от обучающегося к преподавателю, с учетом психофизиологических особенностей здоровья обучающихся.

## **7. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине**

При самостоятельной работе обучающимся следует использовать:

- конспекты лекций;
- литературу из перечня основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля);
- текст лекций на электронных носителях;
- ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимые для освоения дисциплины;
- лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение из перечня информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине;
- методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

## 8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

### Основная:

1. Бахвалов Н.С. Численные методы в задачах и упражнениях : учебное пособие / Н. С. Бахвалов, А. В. Лапин, Е. В. Чижонков. - 2-е изд., перераб и доп. - М. : БИНОМ. Лаборатория знаний, 2010. - 240 с. : ил. ISBN 978-5-9963-0333-5. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система БиблиоТех : [сайт]. <https://psu.bibliotech.ru/Reader/Book/8665>

2. Маланин В. В., Полосков И. Е. Случайные процессы в нелинейных динамических системах. Аналитические и численные методы исследования/В. В. Маланин, И. Е. Полосков.-М.; Ижевск:Регулярная и хаотическая динамика,2001, ISBN 5-93972-078-1.-160.-Библиогр.: с. 138-159

### Дополнительная:

1. Кузнецов А. П. Нелинейность. От колебаний к хаосу:Задачи и учебные программы/Кузнецов А. П..- Москва, Ижевск:Регулярная и хаотическая динамика,2013, ISBN 5-93972-514-7.-188.  
<http://www.iprbookshop.ru/16576>

2. Корель, И. И. Нелинейные волновые уравнения в оптике : учебное пособие / И. И. Корель. — Новосибирск : Новосибирский государственный технический университет, 2010. — 40 с. — ISBN 978-5-7782-1334-0. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. <http://www.iprbookshop.ru/45120>

## **9. Перечень ресурсов сети Интернет, необходимых для освоения дисциплины**

[library.psu.ru/node/738](http://library.psu.ru/node/738) Ресурсы Научной библиотеки ПГНИУ

## **10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине**

Образовательный процесс по дисциплине **Нелинейные колебания и волны** предполагает использование следующего программного обеспечения и информационных справочных систем:

- доступ в режиме on-line в Электронную библиотечную систему (ЭБС)
- доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.
- Интернет-сервисы и электронные ресурсы (поисковые системы, электронная почта и т.д.)

Перечень необходимого лицензионного и (или) свободно распространяемого программного обеспечения:

- приложение, позволяющее просматривать PDF-файлы
- офисный пакет приложений «LibreOffice».

Дополнительный перечень используемых информационных технологий определяется преподавателями дисциплины.

При освоении материала и выполнении заданий по дисциплине рекомендуется использование материалов, размещенных в Личных кабинетах обучающихся ЕТИС ПГНИУ ([student.psu.ru](http://student.psu.ru)).

При организации дистанционной работы и проведении занятий в режиме онлайн могут использоваться:

система видеоконференцсвязи на основе платформы BigBlueButton (<https://bigbluebutton.org/>).

система LMS Moodle (<http://e-learn.psu.ru/>), которая поддерживает возможность использования текстовых материалов и презентаций, аудио- и видеоконтент, а так же тесты, проверяемые задания, задания для совместной работы.

система тестирования Indigo (<https://indigotech.ru/>).

## **11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине**

Для лекционных занятий требуется аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения практических занятий - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для групповых (индивидуальных) консультаций - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения текущего контроля - аудитория, оснащенная меловой (и) или маркерной доской.  
Самостоятельная работа студентов: аудитория, оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», с обеспеченным доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, помещения Научной библиотеки ПГНИУ



Помещения научной библиотеки ПГНИУ для обеспечения самостоятельной работы обучающихся:

1. Научно-библиографический отдел, корп.1, ауд. 142. Оборудован 3 персональными компьютера с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

2. Читальный зал гуманитарной литературы, корп. 2, ауд. 418. Оборудован 7 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

3. Читальный зал естественной литературы, корп.6, ауд. 107а. Оборудован 5 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

4. Отдел иностранной литературы, корп.2 ауд. 207. Оборудован 1 персональным компьютером с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

5. Библиотека юридического факультета, корп.9, ауд. 4. Оборудована 11 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

6. Читальный зал географического факультета, корп.8, ауд. 419. Оборудован 6 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

Все компьютеры, установленные в помещениях научной библиотеки, оснащены следующим программным обеспечением:

Операционная система ALT Linux;

Офисный пакет Libreoffice.

Справочно-правовая система «КонсультантПлюс»

**Фонды оценочных средств для аттестации по дисциплине  
Нелинейные колебания и волны**

**Планируемые результаты обучения по дисциплине для формирования компетенции и  
критерии их оценивания**

Компетенция	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения
<p><b>ОПК.7</b> способность использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач</p>	<p>Знать: основные понятия теории динамических систем, понятие бифуркации Уметь: анализировать динамику систем в фазовом пространстве, проводить классификацию бифуркаций Владеть: методами анализа и классификации положений равновесия, навыками анализа динамических систем.</p>	<p align="center"><b>Неудовлетворител</b></p> <p>Не знает основных понятий теории динамических систем, понятие бифуркации. Не умеет анализировать динамику систем в фазовом пространстве, проводить классификацию бифуркаций. Не владеет методами анализа и классификации положений равновесия, анализа динамических систем.</p> <p align="center"><b>Удовлетворительн</b></p> <p>Общие, но не структурированные знания основных понятий теории динамических систем, понятия бифуркации. Демонстрирует частично сформированное умение анализировать динамику систем в фазовом пространстве, производить классификацию бифуркаций, давать интерпретацию результатов. Имеет представление о методах анализа и классификации положений равновесия, динамических систем.</p> <p align="center"><b>Хорошо</b></p> <p>Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания основных понятий теории динамических систем, понятия бифуркации. В целом успешные, но содержащие отдельные пробелы умения анализировать динамику систем в фазовом пространстве, производить классификацию бифуркаций, давать интерпретацию результатов. В целом успешно, но с отдельными пробелами владеет методами анализа и классификации положений равновесия, анализа динамических систем.</p> <p align="center"><b>Отлично</b></p> <p>Сформированные систематические знания основных понятий теории динамических систем, понятия бифуркации.</p>

Компетенция	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения
		<p style="text-align: center;"><b>Отлично</b></p> <p>Сформированное умение анализировать динамику систем в фазовом пространстве, производить классификацию бифуркаций. Успешное и систематическое применение методов анализа и классификации положений равновесия, динамических систем.</p>
<p><b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин</p>	<p>Знать понятие аттрактора, отображение Фейгенбаума. Уметь исследовать свойства одномерных отображений, анализировать динамику хаотических систем. Владеть понятиями резонансного тора, странных аттракторов, гомоклинического хаоса, навыками вычисления фрактальной размерности.</p>	<p style="text-align: center;"><b>Неудовлетворител</b></p> <p>Не знает понятие аттрактора, отображение Фейгенбаума, систему Лоренца и другие нелинейные системы. Не умеет исследовать свойства одномерных отображений, анализировать динамику хаотических систем. Не владеет навыками вычисления фрактальной размерности, понятиями резонансного тора, странных аттракторов, гомоклинического хаоса.</p> <p style="text-align: center;"><b>Удовлетворительн</b></p> <p>Общие, но не структурированные знания понятия аттрактора, отображения Фейгенбаума, системы Лоренца и других нелинейных систем. Демонстрирует частично сформированное умение исследовать свойства одномерных отображений, анализировать динамику хаотических систем. Имеет представление о методах вычисления фрактальной размерности, понятиях резонансного тора, странных аттракторов, гомоклинического хаоса.</p> <p style="text-align: center;"><b>Хорошо</b></p> <p>Сформированные, но содержащие отдельные пробелы знания понятия аттрактора, отображения Фейгенбаума, системы Лоренца и других нелинейных систем. В целом успешные, но содержащие отдельные пробелы умения исследовать свойства одномерных отображений, анализировать динамику хаотических систем. В целом успешно, но с отдельными пробелами владеет навыками вычисления фрактальной размерности, понятиями резонансного тора, странных аттракторов, гомоклинического хаоса.</p>

<b>Компетенция</b>	<b>Планируемые результаты обучения</b>	<b>Критерии оценивания результатов обучения</b>
		<p style="text-align: center;"><b>Отлично</b></p> <p>Сформированные систематические знания понятие аттрактора, отображения Фейгенбаума, системы Лоренца и других нелинейных систем. Сформированное умение исследовать свойства одномерных отображений, анализировать динамику хаотических систем. Успешное и систематическое применение навыков вычисления фрактальной размерности, понятий резонансного тора, странных аттракторов, гомоклинического хаоса.</p>

## Оценочные средства текущего контроля и промежуточной аттестации

Схема доставки : СУОС

**Вид мероприятия промежуточной аттестации :** Экзамен

**Способ проведения мероприятия промежуточной аттестации :** Оценка по дисциплине в рамках промежуточной аттестации определяется на основе баллов, набранных обучающимся на контрольных мероприятиях, проводимых в течение учебного периода.

**Максимальное количество баллов :** 100

### Конвертация баллов в отметки

«отлично» - от 81 до 100

«хорошо» - от 61 до 80

«удовлетворительно» - от 44 до 60

«неудовлетворительно» / «незачтено» менее 44 балла

Компетенция	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
<b>Входной контроль</b>	Понятие динамической системы. Фазовое пространство, траектории, положения равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова. <b>Входное тестирование</b>	Навыки решения дифференциальных уравнений, вычисления интегралов, построения разложений функций в степенные и тригонометрические ряды
<b>ОПК.7</b> способность использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач	Понятие динамической системы. Фазовое пространство, траектории, положения равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова. <b>Письменное контрольное мероприятие</b>	знание базовых понятий теории динамических и нелинейных систем
<b>ОПК.7</b> способность использовать базовые теоретические знания фундаментальных разделов общей и теоретической физики для решения профессиональных задач	Типы бифуркаций. Коразмерность. <b>Письменное контрольное мероприятие</b>	Знание основных понятий и подходов бифуркационного анализа.
<b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин	Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность. <b>Письменное контрольное мероприятие</b>	умение анализировать одномерные отображения и находить аттракторы, вычислять их фрактальную размерность

Компетенция	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
<b>ПК.1</b> способность использовать специализированные знания в области физики для освоения профильных физических дисциплин	Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца <b>Итоговое контрольное мероприятие</b>	Навыки применения метода ренормализационной группы. Умение характеризовать динамику системы Лоренца и гомоклинический хаос.

### Спецификация мероприятий текущего контроля

**Понятие динамической системы. Фазовое пространство, траектории, положения равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **.5 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **0**

Проходной балл: **0**

Показатели оценивания	Баллы
Решение дифференциальных уравнений	4
Вычисление определённого интеграла	3
Разложение функции в ряд Тейлора	3

**Понятие динамической системы. Фазовое пространство, траектории, положения равновесия. Отображение Пуанкаре. Функции Ляпунова.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **20**

Проходной балл: **9**

Показатели оценивания	Баллы
Анализ устойчивости равновесий. Функции Ляпунова	6
отображение Пуанкаре.	5
типы траекторий.	5
фазовое пространство	4

**Типы бифуркаций. Коразмерность.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **20**

Проходной балл: **9**

Показатели оценивания	Баллы
-----------------------	-------

Бифуркация Хопфа.	6
Касательная бифуркация.	5
Другие бифуркации. Корамерность.	5
Бифуркация удвоения периода.	4

**Свойства одномерных отображений. Аттрактор. Множество Кантора. Фрактальная размерность.**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **20**

Проходной балл: **9**

<b>Показатели оценивания</b>	<b>Баллы</b>
Свойства одномерных отображений.	6
Фрактальная размерность.	5
Множество Кантора	5
Понятие аттрактора.	4

**Отображение Фейгенбаума. Ренормализационная группа. Инвариантное распределение вероятностей. Система Лоренца**

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **1 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **40**

Проходной балл: **17**

<b>Показатели оценивания</b>	<b>Баллы</b>
Анализ свойств системы Лоренца	10
Знание свойств отображения Фейгенбаума.	9
Владение методом ренормгруппы.	8
Бифуркация рождения цикла из петли сепаратрисы	7
Гомоклинический хаос и его свойства	6