

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

**Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования "Пермский
государственный национальный исследовательский
университет"**

Кафедра фундаментальной математики

**Авторы-составители: Скачкова Елена Александровна
Левко Светлана Владимировна**

Рабочая программа дисциплины
МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ 3
Код УМК 80801

Утверждено
Протокол №9
от «22» мая 2020 г.

Пермь, 2020

1. Наименование дисциплины

Математический анализ 3

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина входит в вариативную часть Блока « Б.1 » образовательной программы по направлениям подготовки (специальностям):

Направление: **01.03.01** Математика

направленность Программа широкого профиля

3. Планируемые результаты обучения по дисциплине

В результате освоения дисциплины **Математический анализ 3** у обучающегося должны быть сформированы следующие компетенции:

01.03.01 Математика (направленность : Программа широкого профиля)

ОПК.6.4 готовность использовать фундаментальные знания в области алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дискретной математики, обыкновенных дифференциальных уравнений, теории случайных процессов в будущей профессиональной деятельности

ПК.3 способность строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата

4. Объем и содержание дисциплины

Направления подготовки	01.03.01 Математика (направленность: Программа широкого профиля)
форма обучения	очная
№№ триместров, выделенных для изучения дисциплины	8
Объем дисциплины (з.е.)	4
Объем дисциплины (ак.час.)	144
Контактная работа с преподавателем (ак.час.), в том числе:	56
Проведение лекционных занятий	28
Проведение практических занятий, семинаров	28
Проведение лабораторных работ, занятий по иностранному языку	0
Самостоятельная работа (ак.час.)	88
Формы текущего контроля	Входное тестирование (1) Защищаемое контрольное мероприятие (2) Итоговое контрольное мероприятие (1)
Формы промежуточной аттестации	Экзамен (8 триместр)

5. Аннотированное описание содержания разделов и тем дисциплины

Математический анализ 3 [УГНС ФМ]. Первый семестр

Входной контроль

Входная контрольная работа. Проверка знаний математического анализа: предел, производная, неопределенный и определенный интегралы, ряды. Проверка знаний теории обыкновенных дифференциальных уравнений

Ряды Фурье

Ортогональные системы функций. Свойства периодических функций. Определение коэффициентов Фурье; случай четной и нечетной функций.

Разложение функций в ряд Фурье. Интеграл Дирихле. Основная лемма. Принцип локализации. Теорема о сходимости ряда Фурье в точке. Разложение функций, заданных на отрезке, в неполные ряды Фурье. Интеграл и преобразование Фурье.

Интеграл и преобразование Фурье

Ортогональные системы функций. Свойства периодических функций. Определение коэффициентов Фурье; случай четной и нечетной функций.

Разложение функций в ряд Фурье. Интеграл Дирихле. Основная лемма. Принцип локализации. Теорема о сходимости ряда Фурье в точке. Разложение функций, заданных на отрезке, в неполные ряды Фурье. Интеграл и преобразование Фурье.

Цилиндрические функции

Общее уравнение теории специальных функций. Поведение решений в окрестности 0 и на бесконечности. Цилиндрические функции. Уравнение Бесселя. Функции Бесселя 1-го рода n -го порядка. Рекуррентные формулы. Функции полуцелого порядка. Асимптотический порядок цилиндрических функций. Функции Ханкеля и Неймана.

Краевая задача на собственные значения и собственные функции

Постановка краевых задач.

Одномерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля. Теорема Стеклова.

Краевые задачи для Уравнения Бесселя.

Многомерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля.

Контрольное мероприятие №1

Постановка краевых задач.

Одномерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля. Теорема Стеклова.

Краевые задачи для Уравнения Бесселя.

Многомерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля.

Практическая работа №2

Знание интеграла и преобразования Фурье, умение применить преобразование на практике. Умение решать различные задачи с помощью преобразования Фурье.

Итоговое контрольное мероприятие

Знание основных понятий математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать.

Знание основных теорем математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать. Умение применять эти теоремы на практике.

Умение решать практические задания на основании понятий, методов и теорем, изученных в триместре.

6. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Освоение дисциплины требует систематического изучения всех тем в той последовательности, в какой они указаны в рабочей программе.

Основными видами учебной работы являются аудиторные занятия. Их цель - расширить базовые знания обучающихся по осваиваемой дисциплине и систему теоретических ориентиров для последующего более глубокого освоения программного материала в ходе самостоятельной работы. Обучающемуся важно помнить, что контактная работа с преподавателем эффективно помогает ему овладеть программным материалом благодаря расстановке необходимых акцентов и удержанию внимания интонационными модуляциями голоса, а также подключением аудио-визуального механизма восприятия информации.

Самостоятельная работа преследует следующие цели:

- закрепление и совершенствование теоретических знаний, полученных на лекционных занятиях;
- формирование навыков подготовки текстовой составляющей информации учебного и научного назначения для размещения в различных информационных системах;
- совершенствование навыков поиска научных публикаций и образовательных ресурсов, размещенных в сети Интернет;
- самоконтроль освоения программного материала.

Обучающемуся необходимо помнить, что результаты самостоятельной работы контролируются преподавателем во время проведения мероприятий текущего контроля и учитываются при промежуточной аттестации.

Обучающимся с ОВЗ и инвалидов предоставляется возможность выбора форм проведения мероприятий текущего контроля, альтернативных формам, предусмотренным рабочей программой дисциплины. Предусматривается возможность увеличения в пределах 1 академического часа времени, отводимого на выполнение контрольных мероприятий.

Процедура оценивания результатов обучения инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по дисциплине предусматривает предоставление информации в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации.

При проведении текущего контроля применяются оценочные средства, обеспечивающие передачу информации, от обучающегося к преподавателю, с учетом психофизиологических особенностей здоровья обучающихся.

7. Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

При самостоятельной работе обучающимся следует использовать:

- конспекты лекций;
- литературу из перечня основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины (модуля);
- текст лекций на электронных носителях;
- ресурсы информационно-телекоммуникационной сети "Интернет", необходимые для освоения дисциплины;
- лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение из перечня информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине;
- методические указания для обучающихся по освоению дисциплины.

8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы

Основная:

1. Зорич В. А. Математический анализ. учебник для вузов Ч. 2/В. А. Зорич.-4-е изд., испр.- Москва:МЦНМО,2002, ISBN 5-94057-057-7.-794.-Библиогр.: с. 762-765. - Предм. указ.: с. 770-784. - Указ. имен: с. 785-787
2. Норина Т. В.,Скачкова Е. А. Математический анализ. Задачи на собственные значения:практикум по решению задач : учебно-методическое пособие для студентов, обучающихся по направлениям подготовки бакалавров и магистров «Математика», «Прикладная математика и информатика», «Механика и математическое моделирование»/Т. В. Норина, Е. А. Скачкова.-Пермь:Пермский государственный национальный исследовательский университет,2019, ISBN 978-5-7944-3385-2.-92. <https://elis.psu.ru/node/618530>
3. Привалов, И. И. Ряды Фурье : учебник для вузов / И. И. Привалов. — 5-е изд., стер. — Москва : Издательство Юрайт, 2019. — 164 с. — (Авторский учебник). — ISBN 978-5-534-03203-1. — Текст : электронный // ЭБС Юрайт [сайт]. <https://www.urait.ru/bcode/433811>
4. Волков, В. А. Ряды Фурье. Интегральные преобразования Фурье и Радона : учебно-методическое пособие / В. А. Волков ; под редакцией Р. М. Минькова. — Екатеринбург : Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2014. — 32 с. — ISBN 978-5-7996-1252-8. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система IPR BOOKS : [сайт]. <http://www.iprbookshop.ru/66202.html>

Дополнительная:

1. Никольский С. М. Курс математического анализа. учебник для студентов физических и механико-математических специальностей вузов Т. 1/С. М. Никольский.-4-е изд., перераб. и доп.- Москва:Наука,1990, ISBN 5-02-014424-X.-528
2. Курс математического анализа. Учеб./Сергей Михайлович Никольский.Т.2.-М.:Наука,1991, ISBN 5-02-014425-8.-544

9. Перечень ресурсов сети Интернет, необходимых для освоения дисциплины

<http://www.psu.ru/elektronnye-resursy-dlya-psu> Электронные ресурсы для ПГНИУ

<http://www.mathnet.ru/> Общероссийский математический портал

<http://window.edu.ru/> Единое окно доступа к образовательным ресурсам

10. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине

Образовательный процесс по дисциплине **Математический анализ 3** предполагает использование следующего программного обеспечения и информационных справочных систем:

- доступ в режиме on-line в Электронную библиотечную систему (ЭБС);
- доступ в электронную информационно-образовательную среду университета.

Необходимое лицензионное и (или) свободно распространяемое программное обеспечение:

- приложение позволяющее просматривать и воспроизводить медиаконтент PDF-файлов «Adobe Acrobat Reader DC»;
- офисный пакет приложений «LibreOffice».

Специализированное программное обеспечение не требуется

При освоении материала и выполнения заданий по дисциплине рекомендуется использование материалов, размещенных в Личных кабинетах обучающихся ЕТИС ПГНИУ (**student.psu.ru**).

При организации дистанционной работы и проведении занятий в режиме онлайн могут использоваться:

система видеоконференцсвязи на основе платформы BigBlueButton (<https://bigbluebutton.org/>).

система LMS Moodle (<http://e-learn.psu.ru/>), которая поддерживает возможность использования текстовых материалов и презентаций, аудио- и видеоконтент, а так же тесты, проверяемые задания, задания для совместной работы.

система тестирования Indigo (<https://indigotech.ru/>).

11. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для лекционных занятий требуется аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения практических занятий - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для групповых (индивидуальных) консультаций - аудитория, оснащенная презентационной техникой (проектор, экран, компьютер/ноутбук) с соответствующим программным обеспечением, меловой (и) или маркерной доской.

Для проведения текущего контроля - аудитория, оснащенная меловой (и) или маркерной доской.

Самостоятельная работа студентов: аудитория, оснащенная компьютерной техникой с возможностью подключения к сети «Интернет», с обеспеченным доступом в электронную информационно-образовательную среду университета, помещения Научной библиотеки ПГНИУ.

Помещения научной библиотеки ПГНИУ для обеспечения самостоятельной работы обучающихся:

1. Научно-библиографический отдел, корп.1, ауд. 142. Оборудован 3 персональными компьютера с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

2. Читальный зал гуманитарной литературы, корп. 2, ауд. 418. Оборудован 7 персональными

компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

3. Читальный зал естественной литературы, корп.6, ауд. 107а. Оборудован 5 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

4. Отдел иностранной литературы, корп.2 ауд. 207. Оборудован 1 персональным компьютером с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

5. Библиотека юридического факультета, корп.9, ауд. 4. Оборудована 11 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

6. Читальный зал географического факультета, корп.8, ауд. 419. Оборудован 6 персональными компьютерами с доступом к локальной и глобальной компьютерным сетям.

Все компьютеры, установленные в помещениях научной библиотеки, оснащены следующим программным обеспечением:

Операционная система ALT Linux;

Офисный пакет Libreoffice.

Справочно-правовая система «КонсультантПлюс»

**Фонды оценочных средств для аттестации по дисциплине
Математический анализ 3**

**Планируемые результаты обучения по дисциплине для формирования компетенции и
критерии их оценивания**

Компетенция	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения
<p>ОПК.6.4 готовность использовать фундаментальные знания в области алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дискретной математики, обыкновенных дифференциальных уравнений, теории случайных процессов в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>Знать: основные понятия и утверждения теории математического анализа Уметь: применить знания в области математического анализа при решении практических задач</p>	<p align="center">Неудовлетворител Не знает основные понятия и утверждения теории математического анализа. Не знает основные формулы математического анализа и не умеет применять их при решении задач. Не контролирует правильность вычислений.</p> <p align="center">Удовлетворительн Имеет общие знания основных понятий и утверждений математического анализа. Умеет решать ограниченный набор задач, используя основные формулы.</p> <p align="center">Хорошо Сформированные, но содержащие отдельные проблемы знания основных понятий и утверждений теории математического анализа. Умеет решать стандартные задачи. Контролирует правильность вычислений.</p> <p align="center">Отлично Сформированные систематические знания основных понятий и утверждений теории математического анализа. Умеет решать задачи в усложненных постановках. Контролирует правильность вычислений. Самостоятельно приобретает новые знания</p>
<p>ПК.3 способность строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата</p>	<p>Знать: основные понятия, методы и теоремы математического анализа и его приложений; методы доказательства и возможные сферы приложений утверждений Уметь: решать задачи вычислительного и теоретического характера, грамотно формулировать результаты вычислений и строго доказывать утверждения</p>	<p align="center">Неудовлетворител Отсутствие знаний основных понятий, методов и теорем математического анализа и его приложений; методов доказательства и возможных сфер приложений утверждений. Отсутствие умений решать задачи вычислительного и теоретического характера, грамотно формулировать результаты вычислений и строго доказывать утверждения</p> <p align="center">Удовлетворительн Фрагментарные знания основных понятий, методов и теорем математического анализа и</p>

Компетенция	Планируемые результаты обучения	Критерии оценивания результатов обучения
		<p style="text-align: center;">Удовлетворительн</p> <p>его приложений; методов доказательства и возможных сфер приложений утверждений. Фрагментарные умения решать задачи вычислительного и теоретического характера, грамотно формулировать результаты вычислений и строго доказывать утверждения</p> <p style="text-align: center;">Хорошо</p> <p>Неполные представления об основных понятий, методов и теорем математического анализа и его приложений; методов доказательства и возможных сфер приложений утверждений. В целом успешное, но содержащие определенные пробелы умения решать задачи вычислительного и теоретического характера, грамотно формулировать результаты вычислений и строго доказывать утверждения</p> <p style="text-align: center;">Отлично</p> <p>Сформированные систематические представления об основных понятий, методов и теорем математического анализа и его приложений; методов доказательства и возможных сфер приложений утверждений. Сформированное умение использовать полученные умения решать задачи вычислительного и теоретического характера, грамотно формулировать результаты вычислений и строго доказывать утверждения</p>

Оценочные средства текущего контроля и промежуточной аттестации

Схема доставки : Базовая

Вид мероприятия промежуточной аттестации : Экзамен

Способ проведения мероприятия промежуточной аттестации : Оценка по дисциплине в рамках промежуточной аттестации определяется на основе баллов, набранных обучающимся на контрольных мероприятиях, проводимых в течение учебного периода.

Максимальное количество баллов : 100

Конвертация баллов в отметки

«отлично» - от 81 до 100

«хорошо» - от 61 до 80

«удовлетворительно» - от 41 до 60

«неудовлетворительно» / «незачтено» менее 41 балла

Компетенция	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
Входной контроль	Входной контроль Входное тестирование	Проверка знаний математического анализа: предел, производная, неопределенный и определенный интегралы, ряды. Проверка знаний теории обыкновенных дифференциальных уравнений
ПК.3 способность строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата ОПК.6.4 готовность использовать фундаментальные знания в области алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дискретной математики, обыкновенных дифференциальных уравнений, теории случайных процессов в будущей профессиональной деятельности	Контрольное мероприятие №1 Защищаемое контрольное мероприятие	Постановка краевых задач. Одномерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля. Теорема Стеклова. Краевые задачи для Уравнения Бесселя. Многомерная задача Штурма-Лиувилля. Свойства собственных значений и собственных функций задачи Штурма-Лиувилля.

Компетенция	Мероприятие текущего контроля	Контролируемые элементы результатов обучения
<p>ПК.3 способность строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата</p> <p>ОПК.6.4 готовность использовать фундаментальные знания в области алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дискретной математики, обыкновенных дифференциальных уравнений, теории случайных процессов в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>Практическая работа №2</p> <p>Защищаемое контрольное мероприятие</p>	<p>Знание интеграла и преобразования Фурье, умение применить преобразование на практике. Умение решать различные задачи с помощью преобразования Фурье.</p>
<p>ПК.3 способность строго доказать утверждение, сформулировать результат, увидеть следствия полученного результата</p> <p>ОПК.6.4 готовность использовать фундаментальные знания в области алгебры, аналитической геометрии, математического анализа, дискретной математики, обыкновенных дифференциальных уравнений, теории случайных процессов в будущей профессиональной деятельности</p>	<p>Итоговое контрольное мероприятие</p> <p>Итоговое контрольное мероприятие</p>	<p>Знание основных понятий математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать. Знание основных теорем математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать. Умение применять эти теоремы на практике. Умение решать практические задания на основании понятий, методов и теорем, изученных в триместре.</p>

Спецификация мероприятий текущего контроля

Входной контроль

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **2 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **0**

Проходной балл: **0**

Показатели оценивания	Баллы
Математически корректно решено задание на вычисление производной функции одной переменной	5
Математически корректно решена задача Коши для линейного дифференциального	5

уравнения	
Математически корректно решено задание на вычисление предела функции одной переменной	5
Математически корректно решено задание на вычисление области сходимости ряда	5

Контрольное мероприятие №1

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **6 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы самостоятельной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **30**

Проходной балл: **12**

Показатели оценивания	Баллы
Знание свойств функции Бесселя 1 рода, умение применить их на практике. Контролирует правильность преобразований.	10
Знание методов решения одномерной задачи Штурма-Лиувилля, умение применить их на практике. Контролирует правильность преобразований.	10
Знание методов решения многомерной задачи Штурма-Лиувилля, умение применить их на практике. Контролирует правильность преобразований.	10

Практическая работа №2

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **6 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы самостоятельной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **30**

Проходной балл: **12**

Показатели оценивания	Баллы
Умение решать различные задачи с помощью преобразования Фурье. Контролирует правильность преобразований.	15
Знание интеграла и преобразования Фурье, умение применить преобразование на практике. Контролирует правильность преобразований.	15

Итоговое контрольное мероприятие

Продолжительность проведения мероприятия промежуточной аттестации: **2 часа**

Условия проведения мероприятия: **в часы аудиторной работы**

Максимальный балл, выставляемый за мероприятие промежуточной аттестации: **40**

Проходной балл: **17**

Показатели оценивания	Баллы
Знание основных теорем математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать. Умение применять эти теоремы при исследовании. Контролирует правильность преобразований.	16
Умение решать практические задания на основании понятий, методов и теорем, изученных в триместре. Контролирует правильность преобразований.	16

Знание основных понятий математического анализа, используемых в триместре, и умение их формулировать.	8
---	---